

Lösungshinweise: Übungsblatt 1 zur Vorlesung
Mathematik für Studierende Biologie und des Lehramtes Chemie
 Wintersemester 2018/2019

Teil 1. Aussagen

Aufgabe 1.

i) Betrachten Sie dazu die Tabellen 1 und 2. Das andere Gesetz lautet

$$A \vee (B \wedge C) = (A \vee B) \wedge (A \vee C) .$$

$w(A)$	$w(B)$	$w(C)$	$w(B \vee C)$	$w(A \wedge (B \vee C))$
1	1	1	1	1
1	1	0	1	1
1	0	1	1	1
1	0	0	0	0
0	1	1	1	0
0	1	0	1	0
0	0	1	1	0
0	0	0	0	0

Tabelle 1: Zu $A \wedge (B \vee C)$.

$w(A)$	$w(B)$	$w(C)$	$w(A \wedge B)$	$w(A \wedge C)$	$w((A \wedge B) \vee (A \wedge C))$
1	1	1	1	1	1
1	1	0	1	0	1
1	0	1	0	1	1
1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0
0	1	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0

Tabelle 2: Zu $(A \wedge B) \vee (A \wedge C)$.

Bitte wenden.

Aufgabe 2.

- i) Man argumentiere mit einer Wahrheitstabelle oder beobachte direkt: Ist B falsch, so ist $\neg B$ richtig und nach der Implikation auch A richtig.
- ii) Nach Tabelle 3 gibt es die beiden angedeuteten Möglichkeiten..

$w(A)$	$w(B)$	$w(C)$	$w(A \Leftrightarrow B)$	$w(A \Rightarrow C)$	$w(B \vee C)$
<u>1</u>	<u>1</u>	<u>1</u>	<u>1</u>	<u>1</u>	<u>1</u>
1	1	0	1	0	1
1	0	1	0	1	1
1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	1	1
0	1	0	0	1	1
<u>0</u>	<u>0</u>	<u>1</u>	<u>1</u>	<u>1</u>	<u>1</u>
0	0	0	1	1	0

Tabelle 3: Zu Aufgabe 2, ii)

Teil 2. Mengen

Aufgabe 3.

- i) Definitionen beachten.
- ii) Die Potenzmenge (mit 2^3 Elementen) lautet

$$\mathcal{P} = \{\emptyset, \{4\}, \{-5\}, \{1\}, \{4, -5\}, \{4, 1\}, \{-5, 1\}, \{-5, 1, 4\}\} .$$

- iii) Es ist

$$\begin{aligned} A &= \{a \in \mathbb{N} : a = 2n \text{ für ein } n \in \mathbb{N}\} = \{2, 4, 6, 8, 10, 12, \dots\} , \\ B &= \{b \in \mathbb{N} : b = 3m \text{ für ein } m \in \mathbb{N}\} = \{3, 6, 9, 12, 15, 18, \dots\} , \end{aligned}$$

also gilt auf $A \cap B$ für zwei natürliche Zahlen m, n : $3m = 2n$, d.h. $3m$ und damit auch m ist eine gerade Zahl, $m = 2l$ für ein $l \in \mathbb{N}$, und es folgt

$$A \cap B = \{k \in \mathbb{N} : k = 6l \text{ für ein } l \in \mathbb{N}\} = \{6, 12, 18, \dots\} .$$

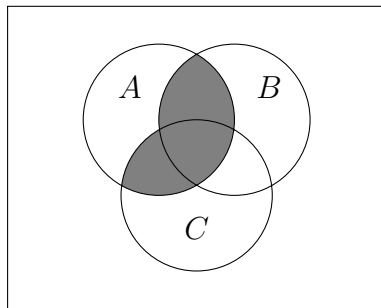
Alternativ kann direkt mit der Teilbarkeit durch 6 argumentiert werden.

Analog gilt ($m = 2l - 1, 3m = 6l - 3$)

$$B - A = \{3, 9, 15, \dots\} .$$

Aufgabe 4.

i)

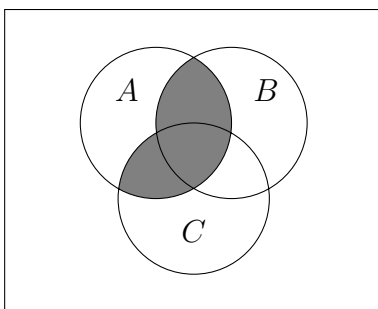


Es gilt:

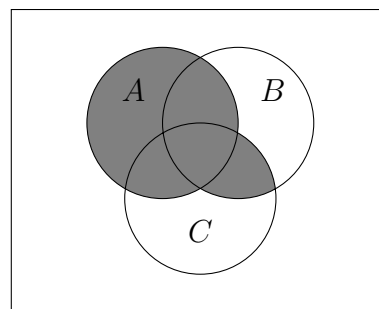
$$\begin{aligned}
 & x \in A \cap (B \cup C) \\
 \Leftrightarrow & x \in A \wedge x \in (B \cup C) \\
 \Leftrightarrow & x \in A \wedge (x \in B \vee x \in C) \\
 \Leftrightarrow & (x \in A \wedge x \in B) \vee (x \in A \wedge x \in C) \\
 \Leftrightarrow & x \in A \cap B \vee x \in A \cap C \\
 \Leftrightarrow & x \in (A \cap B) \cup (A \cap C)
 \end{aligned}$$

$$A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$$

ii)



$$A \cap (B \cup C)$$



$$A \cup (B \cap C)$$

Einfaches Gegenbeispiel: Setze $A = \{1\}$, $B = \{1, 2\}$, $C = \{1, 2, 3\}$.

Dann gilt

$$A \cap (B \cup C) = \{1\} \cap (\{1, 2\} \cup \{1, 2, 3\}) = \{1\} \cap \{1, 2, 3\} = \{1\}$$

aber

$$A \cup (B \cap C) = \{1\} \cup (\{1, 2\} \cap \{1, 2, 3\}) = \{1\} \cup \{1, 2\} = \{1, 2\}.$$