



## Höhere Mathematik für Ingenieure IV a, Blatt 3 Höhere Mathematik für Ingenieure IV a plus IV b, Blatt 6

Notation:  $z_0 \in \mathbb{C}$ , r > 0 seien fixiert und es sei  $\kappa_r(z_0)(t) = z_0 + re^{it}$ ,  $t \in [0, 2\pi]$ .

**Aufgabe 1.** (5 Punkte) Es sei  $r \neq 1, r \neq 2$ . Berechnen Sie

$$\int_{\kappa_r(0)} \left[ \frac{1}{z+i} + \frac{1}{z^2} + \frac{1}{z-2} \right] dz.$$

**Aufgabe 2.** (5 Punkte) Berechnen Sie (wieder mit  $r \neq 1, r \neq 2$ )

$$\int_{\kappa_r(0)} \frac{1}{(z-i)(z-2)} \, \mathrm{d}z \,.$$

Aufgabe 3. (5 Punkte) Berechnen Sie mithilfe der Cauchyschen Integralformel

$$\int_{\kappa_{1/2}(0)} \frac{\exp(1-z)}{z^3(1-z)} \, \mathrm{d}z \, .$$

Aufgabe 4. (5 Punkte) Berechnen Sie

$$\int_{\kappa_r(0)} \frac{1}{(z-a)^n (z-b)^m} \, \mathrm{d}z$$

für  $|a| < r < |b|, n, m \in \mathbb{N}$ .

**Abgabe.** Bis Di., 08.06.2010, Briefkasten am Eingang des Hörsaalgebäudes E2.5, **Leerung 8.30**.

Die Übungsblätter finden Sie auch im Netz unter http://www.math.uni-sb.de/ag/fuchs/HMI4/hmi4.html