## UNIVERSITÄT DES SAARLANDES Naturwissenschaftlich-Technische Fakultät I Fachrichtung 6.1 Mathematik



## Mathematisches Kolloquium

Am Freitag, dem 05. Juli 2013 spricht um 14 Uhr c.t. im Hörsaal IV der Fachrichtung Mathematik (Gebäude E24)

## Prof. Dr. Ernst-Ulrich Gekeler Universität des Saarlandes

über das Thema:

# Neue Konstruktionen für Kurven über endlichen Körpern mit vielen rationalen Punkten

Abstract: Eine "Kurve" ist eine glatte, projektive, geometrisch zusammenhängende algebraische Kurve. Die Zahl der rationalen Punkte einer solchen Kurve des Geschlechts g über einem Körper  $F_q$  mit q Elementen ist nach Weil durch  $q+1+2gq^{(1/2)}$  beschränkt.

Diese Weil-Schranke ist i.a. nicht scharf; die Bestimmung der effektiven Schranke und die Konstruktion entsprechender Kurven ist ein attraktives mathematisches Problem mit Beiträgen u.a. von Y. Manin und J-P. Serre und Anwendungen z.B. in der Kodierungstheorie.

Im Vortrag werde ich einen Überblick über den Stand der Dinge geben und dann eine neue Konstruktion vorstellen, die "asymptotisch gute" Türme  $(X_i)_{i\in N}$  von Kurven liefert, d.h. Folgen von Kurven ...  $\longrightarrow X_{i+1} \longrightarrow X_i \longrightarrow ...$ , für die der Quotient N(X)/g(X) der Zahl der  $F_q$ -rationalen Punkte durch das Geschlecht einen positiven Limes hat.

Alle Interessenten sind zu dem Vortrag herzlich eingeladen.

Kaffee und Tee ab 13.45 Uhr im Konferenzraum der Mathematik (Erdgeschoss, Raum 1.03)

#### Die Dozenten der Mathematik